

## 第1問

〔1〕

問1〔式と計算〕

力学的エネルギー保存則より,

$$\frac{1}{2}mV^2 = mgh + \frac{1}{2}mV'^2 \quad \frac{1}{2}mV^2 > 0 \text{ より}$$

$$V > \sqrt{2gh} = V_0$$

答	$V_0 = \sqrt{2gh}$ [m/s]
---	--------------------------

問2〔式と計算〕

運動量保存則より,

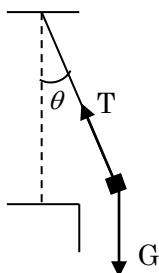
$$mV' = mv_A + mv_B$$

反発係数(はねかえり)の式より

$$1 = -\frac{v_A - v_B}{V'} \quad 2 \text{ 式より, } \therefore v_A = 0 \quad v_B = V'$$

答	$v_A$	0 [m/s]
	$v_B$	$V'$ [m/s]

問3



問4

〔式と計算〕

力学的エネルギー保存則より,

$$\frac{1}{2}mv_B^2 = \frac{1}{2}mv_\theta^2 + mgl(1 - \cos\theta)$$

$$\therefore v_\theta = \sqrt{v_B^2 - 2gl(1 - \cos\theta)}$$

糸に平行な加速度の大きさは円運動より,

$$a = \frac{v_\theta^2}{l}$$

答	$v_\theta$	$\sqrt{v_B^2 - 2gl(1 - \cos\theta)}$ [m/s]
	$a$	$\frac{v_\theta^2}{l}$ [m/s <sup>2</sup> ]

問5

[式と計算]

糸に平行な方向の加速度が0であるので、

$$T_m = mg\cos\theta_m$$

答	$T_m = mg\cos\theta_m$ [N]
---	----------------------------

第2問

〔1〕問1〔式と計算〕

鉛直下向きの磁束の増加は  $\Delta\Phi = v_1 B l \Delta t$

導体棒に発生する誘導起電力の大きさは、

$$V_0 = \left| -\frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \right| = v_1 B l \text{ で P の方が高電位である。}$$

$$\text{流れる電流の大きさ } I_0 = \frac{V_0}{R_1} = \frac{v_1 B l}{R_1}$$

で Q から P の向きである。

磁場から受ける力の大きさ

$$F = I_0 B l = \frac{v_1 B^2 l^2}{R_1} \quad \text{向きは左}$$

答	V	$-v_1 B l$ [V]
	F	$\frac{v_1 B^2 l^2}{R_1}$ [N]

問2〔式と計算〕

$$\text{時間 } t_0 = \frac{x}{v_1} \text{ [s] より}$$

$$Q_1 = R_1 I_0^2 t_0 = \frac{v_1 B^2 l^2 x}{R_1} \text{ [J]}$$

答	$Q_1 = \frac{v_1 B^2 l^2 x}{R_1}$ [J]
---	---------------------------------------

〔2〕問3〔式と計算〕

コンデンサーの間隔を  $d$  とすると、 $C = \frac{\epsilon S}{d}$  より

$$d = \frac{\epsilon S}{C} \text{ よって、耐電圧は、 } E_{\max} d = \frac{E_{\max} \epsilon S}{C}$$

問1より、導体棒に発生する誘導起電力の大きさは、

$v_2 B l$  で、充電した後より、

$$v_2 B l \leq \frac{E_{\max} \epsilon S}{C} \quad \therefore v_2 \leq \frac{E_{\max} \epsilon S}{C B l}$$

答	$v_2 \leq \frac{E_{\max} \epsilon S}{C B l}$
---	----------------------------------------------

〔3〕問4〔式と計算〕

$S_4$  を閉じた直後、コイルには逆向きに起電力

の大きさ 10V の電圧がかかり、

コイルに電流は流れない。  $\therefore I = 0$  [A]

また、電気振動回路の周期  $T = 2\pi\sqrt{LC}$  より、

電流の大きさが最大となる時刻

$$t_{\max} = \frac{T}{4} = \frac{\pi}{2}\sqrt{LC} \doteq 6.3 \times 10^{-3} \text{ [s]}$$

答	I	0 [A]
	$t_{\max}$	$6.3 \times 10^{-3}$ [s]

### 第3問

問1 [式と計算]

平衡状態における絶対温度を  $T_0$  [K] として

$$\text{状態方程式: } p_0 V_0 = nRT_0 \quad T_0 = \frac{p_0 V_0}{nR}$$

ばねの縮み  $x_0$  [m] として

力のつり合いより,

$$p_0 S = kx_0 \quad \therefore x_0 = \frac{p_0 S}{k}$$

答	① $\frac{p_0 V_0}{nR}$	② $\frac{p_0 S}{k}$
---	------------------------	---------------------

[1]

問2 [式と計算]

$PV^c = \text{一定}$  より,

$$p_0 V_0^c = p_x (V_0 - Sx)^c$$

$$p_x = \left(1 - \frac{Sx}{V_0}\right)^{-c} p_0 \doteq \left(1 + \frac{cSx}{V_0}\right) p_0$$

答	$p_x = \left(1 + \frac{cSx}{V_0}\right) p_0$ [Pa]
---	---------------------------------------------------

問3 [式と計算]

右向き正として, 加速度  $a$  として, 運動方程式

$$Ma = -p_x S + k(x_0 - x) = -\frac{cS^2 p_0 + kV_0}{V_0} x = -M\omega^2 x$$

$$\therefore \omega = \sqrt{\frac{cS^2 p_0 + kV_0}{MV_0}} \quad \therefore T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{MV_0}{cS^2 p_0 + kV_0}}$$

答	$T = 2\pi \sqrt{\frac{MV_0}{cS^2 p_0 + kV_0}}$ [s]
---	----------------------------------------------------

[2]

問4 [式と計算]

[1] より, 力のつり合いから,

$$\left(1 + \frac{cSl}{V_0}\right) p_0 S = k(x_0 - l) + Mg$$

$$\therefore l = \frac{V_0 Mg}{cp_0 S^2 + kV_0}$$

答	$l = \frac{V_0 Mg}{cp_0 S^2 + kV_0}$ [m]
---	------------------------------------------

問5

答	B
---	---